

ԲԱԺԻՆ 2. ՏՎՅԱԼՆԵՐԻ ՆԿԱՐԱԳՐՄԱՆ ԵՎ ՆԵՐԿԱՅԱՑՄԱՆ ԶԵՎԵՐ

Բաժնի բովանդակությունը

- ⇒ Այլուսակներ և գծապատկերներ,
- ⇒ Սյունապատկերներ,
- ⇒ Հիստոգրամներ,
- ⇒ Լորենցի կոր:

ՍՈՒՏԸ

Վիճակագրությունը, որպես զիտություն զբաղվում է տվյալների հավաքման, մշակման, ընդհանրացման և նկարագրման եղանակների ստեղծման հարցերով։ Կախված հետազոտման նպատակներից՝ տարրերում են վիճակագրական եղանակների հետևյալ երկու տեսակները՝ **նկարագրական և վերլուծական եղանակներ**։

Նկարագրման վիճակագրությունը ընդգրկում է տվյալների մշակման և ընդհանրացման եղանակները, որոնք նպատակ ունեն նկարագրելու տվյալների ներկա և ապագա քննութափերը։

Վերլուծման վիճակագրության եղանակները կապված են վիճակագրական եզրակացությունների մշակման, որոշումների գնահատման և դրանց հիմնավորման նպատակով կատարվող տվյալների վերլուծության հետ։

Նկարագրման վիճակագրությունը զբաղվում է տարաբնույթ գործընթացների և երևույթների դիտարկումից ստացված սկզբնական տվյալների հավաքագրման և ներկայացման եղանակների մշակմամբ։ Այս եղանակները քույլ են տալիս բացահայտել, առանձնացնել և գնահատել տվյալների կենտրոնացման միտումները, վերջինիս (կենտրոնի) նկատմամբ տվյալների ցրվածության աստիճանը, համաշափությունը և այլն։

Դիտարկումների և չափումների արդյունքում ստացված տեղեկատվության օգտագործման պարզեցման նպատակով սկզբնական տվյալները դասակարգվում և ներկայացվում են տարրեր եղանակներով։

Դիտարկենք տվյալների դասակարգման և ներկայացման մի քանի եղանակներ։

1. ԱԴՅՈՒՏԱԿՆԵՐ ԵՒ ԳԾԱՊԱՏԿԵՐՆԵՐ

Աղյուսակները վիճակագրական տվյալների դասակարգման և ներկայացման ամենատարածված, մատչելի և պարզ գործիքներից են: Աղյուսակները թույլ են տալիս տվյալները դասակարգել ըստ տողերի և սյունակների անվանումների: Օրինակ, կազմակերպության աշխատողների աղյուսակում սյունակները կարող են տվյալները դասակարգել ըստ աշխատողների ազգանվան և անվան, պաշտոնի, որակավորման, հաստիքի, տարիքի և այլն: Իսկ աղյուսակի տողերը կարող են տվյալները դասակարգել ըստ կազմակերպության աշխատողների:

Որպեսզի աղյուսակները լինեն պարզ և հասկանալի, հարկավոր է դրանց կառուցման ժամանակ հետևել որոշակի կանոնների:

Աղյուսակը պետք է ունենա պարզ ու մանրամասն անվանում, որը պետք է ցոյց տա թե ինչ նպատակի համար է ստեղծված տվյալ աղյուսակը, որ ժամանակահատվածին են վերաբերում աղյուսակում բերված տվյալները, ինչ չափման միավոր ունեն և այլն: Աղյուսակի յուրաքանչյուր սյունակ պետք է ունենա անվանում և չափման միավոր: Սովորաբար աղյուսակի առաջին սյունակում նշվում են տողերի համարները: Դա թույլ է տալիս աղյուսակից հեշտությամբ գտնել համապատասխան տողում գրանցված տվյալները:

Աղյուսակներում հաճախ օգտագործվում են հանրագումարային տողեր և սյունակներ, որոնք պարունակում են աղյուսակի համապատասխան սյունակների և տողերի տվյալների հանրագումարը: Նման տողերն ու սյունակները հաճախ են օգտագործվում հաշվապահական աղյուսակներում և կարող են ցոյց տալ, օրինակ, ծախսերի ընդհանուր գումարը, գործարքների ընդհանուր թիվը, հարկերի ընդհանուր գումարը, գնված նյութերի ընդհանուր քաշը, քանակն ու գումարային արժեքը և այլն:

Աղյուսակներ կառուցելիս անհրաժեշտ է նշել (հղել) տվյալների ստացման սկզբնադրյուրը: Օրինակ՝ տվյալները կարող են վերցված լինել պետական վիճակագրությունից, որևէ կազմակերպությունից և այլն:

Վիճակագրական աղյուսակները հաճախ օգտագործվում են ըստ ժամանակի կարգավորված տվյալների ներկայացման համար: Օրինակ, ձեռնարկության շաբաթվա ընթացքում ստացած պատվերների տվյալների աղյուսակը, սեռած տարիների ընթացքում ժողովրդագրական ցուցանիշների աղյուսակը, մեկ ամսում արժեթղթի գնի տատանումների աղյուսակը և այլն:

Վիճակագրական նման ձևով կարգավորված տվյալները անվանում են **ժամանակային շարքեր**:

Օրինակ 1. ՀՀ ժողովրդագրական ցուցանիշների ժամանակային շարքի օրինակ:

Աղյուսակ 1. ՀՀ ժողովրդագրական ցուցանիշներ

Տարի-ներ	Բնակչության թվաքանակը /հազ.մարդ, տարեվերջ/	Ծննդյան հազար շնչի հաշվով/	Մահացու- թյունը /հա- զար շնչի հաշվով /	Բնական աճը /հա- զար շնչի հաշվով/	Մանկական մահացությունը /հազար շնչի հաշվով/
1985	3361.7	24.1	5.9	18.2	24.8
1990	3574.5	22.5	6.2	16.3	18.5
1991	3648.9	21.6	6.5	15.1	17.9
1992	3722.3	19.2	7.0	12.2	18.5
1993	3740.2	15.8	7.4	8.4	17.1
1994	3753.5	13.7	6.6	7.1	14.7
1995	3766.4	13.0	6.6	6.4	14.2
1996	3780.7	12.8	6.6	6.2	15.5
1997	3791.2	11.6	6.3	5.3	15.4
1998	3798.2	10.4	6.1	4.3	14.7
1999	3803.4	9.6	6.3	3.3	15.0
2000	3803.6	9.3	6.6	2.7	14.9
/լին./					

Աղյուրը՝ ՀՀ Ազգային վիճակագրական ծառայություն:

Օրինակ 2. ՀՀ Ազգային վիճակագրական ծառայության տվյալների համաձայն 1997թ. հունվարից մինչև 2000թ. հունիսը ընկած ժամանակահատվածում /ըստ ամիսների/ ՀՀ արտահանման ծավալների ժամանակային շարքը ունի հետևյալ տեսքը (միավորը մեկ միլիոն ԱՄՆ դոլար): 9.8, 15.2, 11.6, 15.5, 18.4, 21.9, 19.6, 20.9, 20.1, 28.4, 25.0, 26.1, 15.8, 17.1, 23.9, 22.6, 18.0, 19.0, 23.0, 18.1, 13.4, 18.4, 15.6, 15.7, 18.6, 20.4, 20.6, 18.6, 18.2, 19.8, 20.2, 21.8, 15.2, 23.1, 15.7, 19.5, 14.7, 19.8, 23.4, 21.5, 31.6, 24.7:

Տվյալներն աղյուսակներում կարող են ներկայացվել ինչպես իրենց սկզբնական, չմշակված, այնպես էլ մշակված, կարգավորված ու խմբավորված տեսքով: Առաջին ձևում օգտագործվում է քիչ թվով տվյալների ներկայացման համար: Մեծ թվով տվյալների դեպքում, դրանց աղյուսակների ընկալումն ու մշակումը դյուրին դարձնելու նպատակով, օգտագործում են տվյալների **կարգավորման** և **խմբավորման** տարրեր եղանակներ: Տվյալների կարգավորման պարզագույն եղանակը դրանց ըստ արժեքների աճման կարգի վերադասավորումն է: Ստացված տվյալների շարքը կոչվում է **փոփոխման շարք** (ասվածը չի վերաբերվում **ժամանակային շարքերին**): Փոփոխման շարքը բույլ է տալիս որոշել տվյալների տարրեր արժեքների թիվը, դրանց կրկնվելու հաճախությունները, ամենամեծ և ամենափոքր արժեքները և այլն:

Օրինակ 3. Մանրամասերի մշակումից հետո դրանց տրամագծերը կազմում են հետևյալ փոփոխման շարքը՝ 9.8, 11.4, 13.6, 14.2, 15.7, 15.0, 15.6, 15.7, 15.7, 15.7, 15.8, 16.7, 18.1, 18.1, 18.3, 18.4, 18.5, 18.6, 18.7, 19.2, 19.3, 19.5, 19.8, 19.9, 20.0, 20.3, 20.4, 20.6, 21.0, 21.4, 21.9, 21.9, 22.7, 23.0, 23.2, 23.3, 23.9, 24.5, 25.2, 26.2, 28.3, 31.6:

Տվյալների խմբավորման համար դրանց արժեքների փոփոխման ամբողջ տիրույթը, դիտարկված օրինակում 9.8-ից մինչև 31.6-ը, բաժանում են մ (սովորաբար $5 \leq m \leq 15$) թվով միջակայքերի: Տարբերում են **հավասար** և **անհավասար** լայնքերով միջակայքեր: Առաջին դեպքում բոլոր միջակայքերի լայնքերը միմյանց հավասար են, իսկ երկրորդ դեպքում՝ կարող են միմյանցից տարբերվել:

Տվյալների միջակայքերի ընտրման ժամանակ անհրաժեշտ է առաջնորդվել հետևյալ կանոններով՝

- միջակայքերը չպետք է փոխհատվեն,
- եթե չկան հասուն պահանջներ, ապա ցանկալի է, որ միջակայքերն ունենան նույն երկարությունը,
- միջակայքի լայնքը չպետք է լինի շատ մեծ, որպեսզի չթաքցվեն խմբի ներսում տվյալների փոփոխությունները,
- միջակայքերի թիվը պետք է լինի այնպիսին, որպեսզի մի կողմից նկարագրվեն տվյալների փոփոխության անհրաժեշտ մանրամասերը և մյուս կողմից՝ հնարավոր լինի դրանք առանձնացնելու մշակել:

Խմբավորենք օրինակ 3-ի տվյալները: Այստեղ մանրամասերի տրամագծերի փոփոխման տիրույթի երկայնքը հավասար է $31.6 - 9.8 = 21.8$: Ընդունելով միջակայքերի մ (թիվը հավասար 10-ի՝ վերջինիս լայնքի համար կստանանք՝ $21.8/10 = 2.18$): Որտեղից առաջին միջակայքը կընդգրկի 9.8-ից 11.98 արժեքները, երկրորդը՝ 11.98-ից 14.16 և այդպես շարունակ: Վերջապես իններորդ միջակայքը՝ 29.42-ից 31.6 արժեքները: Սովորաբար ընդունվում է, որ միջակայքի ստորին սահմանի արժեքը պատկանում է տվյալ միջակայքին:

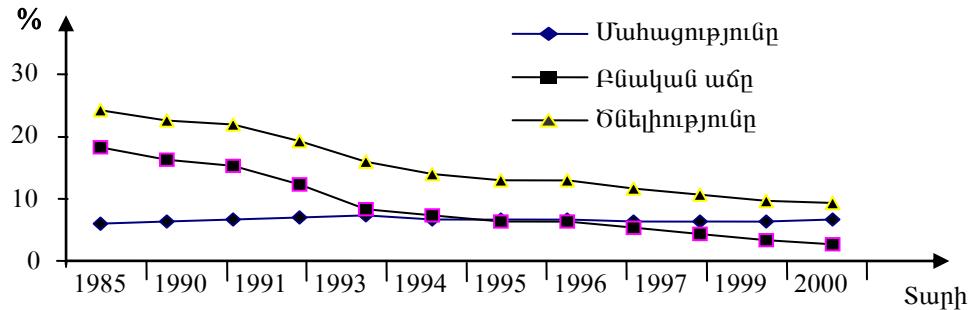
Տվյալների ներկայացման մյուս տարածված միջոցը **գծապատկերն է**: Այս եղանակի առավելությունն ակնհայտ է դառնում մեծ թվով տվյալների պատկերման դեպքում:

Գծապատկերը թույլ է տալիս ավելի արագ ընկալել տվյալներում պարունակվող տեղեկատվությունը, առանձնացնել տվյալների փոփոխման հիմնական միտումներն ու դրանց նկատմամբ շեղումները:

Գծապատկերը նաև տվյալների պատկերավոր ներկայացման ձևերից է: Այստեղ նոյնպես տվյալները կարող են ներկայացվել ինչպես չմշակված, չխմբավորված, այնպես էլ խմբավորված ու դասակարգված տեսքով:

Օրինակ 4: Աղյուսակ 1-ում բերված ՀՀ ժողովրդագրական ցուցանիշներին

համապատասխանող գծապատկերները բերված են ստորև:



Աղյուրը՝ ՀՀ Ազգային վիճակագրական ծառայություն։

ՀՀ ժողովրդագրական ցուցանիշների շարժը 1985-2000թթ. (%):

Զ.Ճ.1

Գծապատկերներն ու աղյուսակները տվյալների ներկայացման փոխարացնող ձևեր են: Աղյուսակների օգտագործումն առավել նպատակահարմաք է այն դեպքում, երբ տվյալների հետ պետք է կատարվեն հաշվարկներ, և նրանց թվային արժեքների ճշտորոշությունը առավել կարևոր է: Գծապատկերի եղանակը նպատակահարմաք է օգտագործել մեծ թվով տվյալների փոփոխման ընդհանուր օրինաչափությունների նկարագրման համար:

2. ՍՅՈՒՆԱՊԱՏԿԵՐՆԵՐ ԵՎ ԲԼԻԹԱԶԵՎ ՊԱՏԿԵՐՆԵՐ

Տվյալների ներկայացման սյունապատկերների եղանակն ավելի մատչելի է, պարզ ու արագ ընկալվող, որի պատճառով գործնականում լայն տարածում է գտնել:

Տվյալների այդպիսի ներկայացման համար օգտագործվում են տարրեր սյունապատկերներ, պատկերագրեր ու կորեր: Տարրերում են սյունապատկերների հետևյալ տեսակները՝

- պատկերագրեր,
- պարզ, բարդ, բարդադրյալ սյունապատկերներ,
- բիթաձև (սեկոնդրայիմ) պատկերներ:

Դիտարկենք սյունապատկերների տարրեր տեսակներ:

Պատկերագիրն իրենից ներկայացնում է նկար, որի տարրերը (նիշերը) կապված են ներկայացվող տեղեկատվության բովանդակության հետ:

Պատկերագրերն օգտագործվում են այն դեպքերում, երբ տվյալները կամ դրանց խմբերը առավել պատկերավոր կարելի են ներկայացնել որոշակի տիպական պատկերի, կամ նիշի օգնությամբ:

Օրինակ, եթե ներկայացվում են գյուղմքերքների արտադրության տվյալները, ապա բանջարեղենի մասը կարող է պատկերվել գազարի, կաղամբի կամ ճակըն-

դեղի նկարով, մրգերին՝ խնձորի, տանձի կամ դեղձի նկարով, բոչնաբուծության՝ հավի նկարով և այլն:

Օրինակ 5. Համաձայն ՀՀ Ազգային վիճակագրական ծառայության տվյալների, հանրապետությունում 1998, 1999 և 2000 թվականներին մրգի արտադրության ծավալները կազմել են համապատասխանորեն՝ 500.000 տոննա, 400.000 տոննա և 500.000 տոննա: Այս տվյալները ներկայացնող պատկերագիրը կարող է ունենալ հետևյալ տեսքը՝

1998-2000թթ. ՀՀ մրգի արտադրության ծավալներ (100 հազար տոննա):

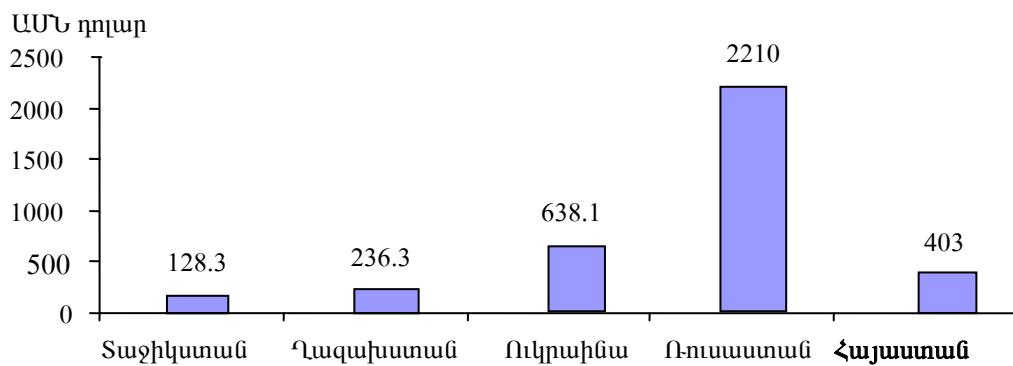
1998	Ճ Ճ Ճ Ճ Ճ
1999	Ճ Ճ Ճ Ճ Ճ -100 հազար տոննա
2000	Ճ Ճ Ճ Ճ Ճ

Աղյուրը՝ ՀՀ Ազգային վիճակագրական ծառայության տվյալներ:

Պատկերագրից երևում է, որ 1998թ. և 2000թ.-երին ՀՀ-ում արտադրվել է 500.000 տոննա միրգ, իսկ 1999թ.-ին՝ 400.000 տոննա:

2.1 Պարզ այունապատկեր

Այունապատկերները կազմվում են հավասար լայնության ուղղահայաց կամ հորիզոնական ուղղանկյուններից, որոնց բարձրությունը հավասար է դիտարկվող փոփոխականի արժեքին (տոկոսին կամ մասին): Պարզ այունապատկերների օգնությամբ դիտարկենք 1996թ.-ին ԱՊՀ երկրներում մեկ շնչին ընկնող համախառն ներքին արդյունքի (ՀՆԱ) մասին տվյալները:



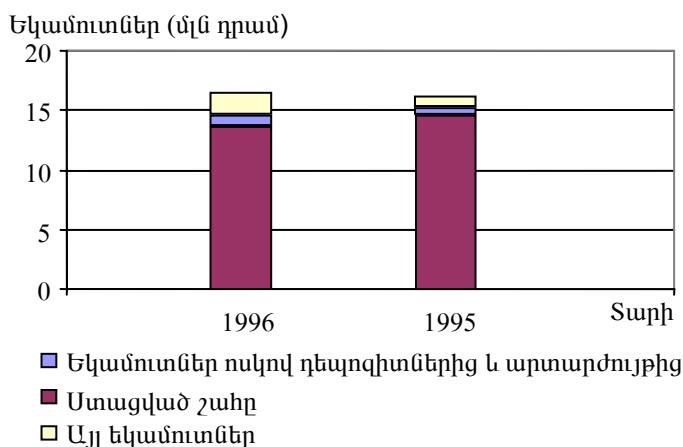
Աղյուրը՝ ՀՀ ԿԲ վիճակագրական տվյալներ: ԱՊՀ երկրներում մեկ շնչին ընկնող ՀՆԱ:

գծ. 2.

2.2 Բարդ սյունապատկերներ

Բարդ սյունապատկերներն օգտագործվում են այն դեպքում, երբ սյունակով ներկայացվող տվյալը կազմված է մի քանի բաղադրիչների տվյալներից: Օրինակ, մրգի արտադրության վիճակագրությունը կարող է կազմված լինել տարբեր տեսակի մրգերի արտադրության տվյալներից: Զեռնարկության եկամուտների կամ ծախսերի վիճակագրությունը կարող է կազմված լինել տարբեր աղբյուրներից ստացված եկամուտների կամ ծախսերի տվյալներից և այլն:

Դիտարկենք 1995-1996թթ. ՀՀ կենտրոնական բանկի եկամուտների տվյալները: Ըստ տարիների դրանք կարելի է ներկայացնել հետևյալ բարդ սյունապատկերի օգնությամբ:



Աղբյուրը՝ ՀՀ կենտրոնական բանկի 1996թ. տարեկան հաշվետվություն:

ՀՀ կենտրոնական բանկի եկամուտները 1995-1996թթ.

գ.ձ. 3.

Այս սյունապատկերում յուրաքանչյուր տարին բնութագրող սյունակի բարձրությունը հավասար է այդ տարվա եկամտի մեծությանը (հանրագումարին), իսկ առանձին ընդգծվածներինը՝ այդ տարում տարբեր աղբյուրներից ստացված եկամուտների մեծությանը:

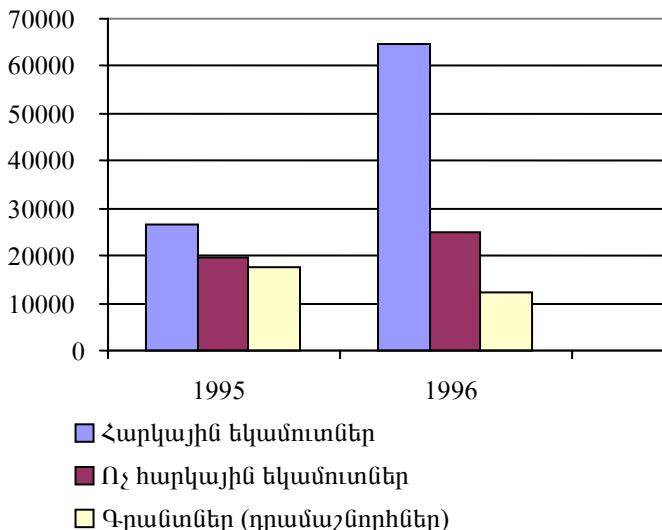
2.3 Բաղադրյալ սյունապատկեր

Այս սյունապատկերն օգտագործվում է այն դեպքում, երբ համեմատվում են մի քանի փոխկապված տվյալներ:

Օրինակ, գծանկար 4-ում բերված է 1995-1996թթ.-ին ՀՀ պետական բյուջեի եկամուտների կառուցվածքը պատկերող բաղադրյալ սյունապատկերը:

Այստեղ սյունակների հիմքերի լայնությունները վերցված են այնպիսին, որ սյունակների մակերեսները հավասար լինեն տվյալ տարվա եկամուտների առանձին տեսակների մեծությանը, իսկ երեք սյունակների մակերեսների գումա-

ըստ՝ տվյալ տարում ստացված եկամտի հանրագումարին:



Աղյուրը՝ ՀՀ ԿԲ 1996թ. տարեկան հաշվետվություն:

ՀՀ պետական բյուջեի եկամուտների կառուցվածքը 1995-1996թթ.:

Գ.Ժ. 4.

2.4 Բլիթածն պատկերներ

Բլիթածն (սեկտորային) պատկերների դեպքում շրջանը բաժանվում է հետազոտվող մեծություններին համապատասխանող համամասնական մակերեսներ ունեցող սեկտորների (բլիթների): Տվյալների տարբերակման համար սեկտորները կարող են ստվերագծվել կամ գունավորվել:

Օրինակ 6: Կառուցենք աղյուսակ 2-ում բերված ՀՀ արտաքին առևտրի աշխարհագրական կառուցվածքը ներկայացնող սեկտորային պատկերը: Սկզբում հաշվում ենք արտահանման (ներմուծման) ընդհանուր (գումարային) ծավալը՝

$$4.31+4.09+0.62+2.79=11.81$$

$$(12.33+13.88+5.16+16.97=60.15):$$

Այնուհետև որոշում ենք յուրաքանչյուր երկրից արտահանման (ներմուծման) ծավալի ընդհանուրի մեջ ունեցած տոկոսը՝ համամասնությունները (տե՛ս աղ. 2):

Աղյուսակ 2. ՀՀ արտաքին առևտրի աշխարհագրական կառուցվածքը 1998թ.
(արտահանում %)

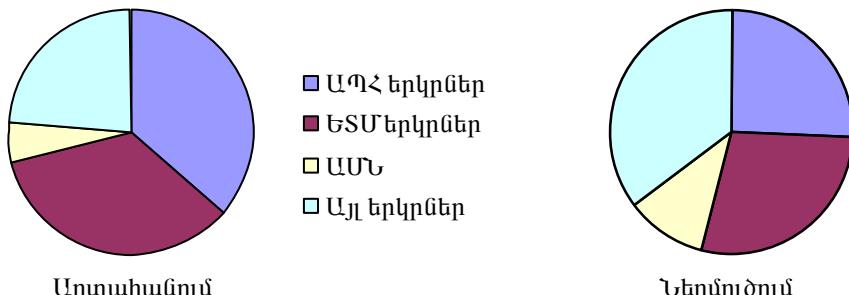
Երկրներ	Արտահանում՝ ՀՆԱ	%	Ներմուծում՝ ՀՆԱ	%
ԱՊՀ երկրներ	4.31	36.5	12.33	25.5
ԵՏՄ երկրներ	4.09	34.7	13.88	28.7
ԱՍԽ	0.62	5.2	5.16	10.7
Այլ երկրներ	2.79	23.6	16.97	35.1

Աղյուր՝ ՀՏՄ հաշվարկներ ՀՀ վիճնախարարության տվյալների վրա. սեպտեմբեր, 1999թ.

Ստացված տոկոսային հարաբերությունների օգնությամբ որոշվում են ստորև աղյուսակում բերված սեկտորների կենտրոնական անկյունների մեծությունները:

Երկրներ	Արտահանում Սեկտորի կենտրոնական անկյուն (աստիճան)	Ներմուծում Սեկտորի կենտրոնական անկյուն (աստիճան)
ԱՊՀ երկրներ	$360^{\circ} \times 0.365 = 131.4^{\circ}$	$360^{\circ} \times 0.255 = 91.8^{\circ}$
ԵՏՄ երկրներ	$360^{\circ} \times 0.347 = 124.9^{\circ}$	$360^{\circ} \times 0.287 = 103.3^{\circ}$
ԱՄՆ	$360^{\circ} \times 0.052 = 18.7^{\circ}$	$360^{\circ} \times 0.107 = 38.5^{\circ}$
Այլ երկրներ	$360^{\circ} \times 0.236 = 85^{\circ}$	$360^{\circ} \times 0.351 = 126.4^{\circ}$

Դիտարկվող օրինակի սեկտորային այունապատկերը կունենա հետևյալ տեսքը՝



Աղյուրը՝ ՀՀ Ազգային վիճակագրական ծառայության տվյալներ:

ՀՀ-ում մրգի արտադրության ծավալները 1998-2000թթ.:

գծ. 5.

Տվյալների մշակման և ներկայացման համար կիրառվում են համակարգչային ծրագրային հատուկ փաթեթներ, որոնք զգալիորեն հեշտացնում են տվյալների մշակումն ու վերլուծությունը, աղյուսակների, գծանկարների ու այունապատկերների կառուցումն ու ձևավորումը:

3. ՀԱճԱԽՈՒԹՅԱՆ ԱՂՅՈՒՄԱԿՆԵՐ

3.1 Չիմբավորված տվյալների հաճախությունների բաշխում

Այս աղյուսակներում բերվում են չիմբավորված տվյալները, որոնց ուսումնասիրումը թույլ է տալիս որոշել տարրեր վիճակագրական բնութագրեր, տվյալների համախմբում ամենամեծ և ամենափոքր արժեքներն ունեցող տարրերը, փոփոխման լայնույթը, տվյալների կրկնության թիվը՝ հաճախությունը և այլն:

Հաճախության աղյուսակը ունի երկու տող կամ երկու սյունակ: Առաջին տողում (այունակում) բերվում են ըստ աճման կարգի տվյալների չկրկնվող արժեքները: Երկրորդում՝ տվյալների արժեքների կրկնության թիվը՝ հաճախությունը:

Օրինակ 7: Դիտարկենք Հաշվապահության Ուսուցման Միջազգային Կենտրոն («ՀՈՒՄԿ») կրթական հիմնադրամի 60 ունկնդիրների տարիքը և կառուցենք տարիքային փոփոխման շարքն ու հաճախությունների աղյուսակը. 16, 17, 24,

23, 31, 33, 23, 46, 17, 20, 21, 20, 25, 24, 30, 33, 22, 24, 25, 22, 22, 19, 24, 21, 28, 35, 27, 32, 24, 23, 31, 29, 22, 20, 22, 19, 22, 21, 26, 29, 38, 28, 21, 22, 27, 21, 29, 22, 34, 30, 27, 16, 29, 22, 26, 20, 35, 37, 31, 32:

Դժվար չէ համոզվել, որ կենտրոնի ունկնդիրների տարիքային փոփոխման շարքն ունի հետևյալ տեսքը՝ 16, 16, 17, 17, 19, 19, 20, 20, 20, 20, 21, 21, 21, 21, 22, 22, 22, 22, 22, 22, 23, 23, 23, 24, 24, 24, 24, 25, 25, 26, 26, 27, 27, 27, 28, 28, 29, 29, 29, 29, 30, 30, 31, 31, 31, 32, 32, 33, 33, 34, 35, 35, 37, 38, 46:

Փոփոխման շարքից կարելի է գտնել, որ ունկնդիրներից ամենաերիտասարդը 16 տարեկան է, իսկ ամենատարեցը՝ 46: Ունկնդիրների տարիքային փոփոխության լայնույթը հավասար է՝ $46 - 16 = 30$ -ի: Կառուցել նաև «ՀՌԻՄԿ» հիմնադրամի ունկնդիրների տարիքային հաճախությունների բաշխման աղյուսակը:

Աղյուսակ 3. «ՀՌԻՄԿ» հիմնադրամի ունկնդիրների տարիքի հաճախությունների բաշխումը

Ունկնդիրների տարիքը	Հաճախությունը	Հարաբերական հաճախությունը
16	2	0.033
17	2	0.033
19	2	0.033
20	4	0.067
21	5	0.083
22	9	0.15
23	3	0.05
24	5	0.083
25	2	0.033
26	2	0.033
27	3	0.05
28	2	0.033
29	4	0.067
30	2	0.033
31	3	0.05
32	2	0.033
33	2	0.033
34	1	0.017
35	2	0.033
37	1	0.017
38	1	0.017
46	1	0.017
Ընդամենը	60	1

Աղյուսակը «ՀՌԻՄԿ» հիմնադրամ:

Եթե տվյալները շատ են, ապա հաճախությունների բաշխման աղյուսակի կառուցումը կապված է մեծ դժվարությունների հետ:

3.2 Խմբավորված տվյալների հաճախությունների բաշխում

Խմբերի հաճախությունների բաշխումը ցույց է տալիս դիտարկվող տվյալների որոշակի միջակայք ընկած արժեքների թիվը (հաճախությունը): Հաճախության բաշխումը բույլ է տալիս որոշել նրա մի շարք վիճակագրական բնութագրեր:

Տեսնենք թե ինչպես է կատարվում տվյալների խմբավորումը և կառուցվում խմբավորված տվյալների հաճախությունների բաշխումը: Դրա համար սկզբում հաճախությունների աղյուսակից որոշվում է տվյալների արժեքների փոփոխության լայնույթը, որը հավասար է տվյալների բազմության առավելագույն և նվազագույն արժեքների տարրերությանը՝ $X_{\max} - X_{\min}$:

Այնուհետև որոշում են միջակայքի (դասի) լայնույթը՝ Δx -ը գործնականում կիրառվող հետևյալ բանաձևի օգնությամբ

$$\Delta x = (X_{\max} - X_{\min})/m,$$

որտեղ m -ը (սովորաբար $5 \leq m \leq 15$) հավասար է միջակայքերի կամ դասերի քանակին:

Կախված դիտարկումների ընդհանուր N թվից m -ի արժեքը կարող է որոշվել **Ստեղծեսի մոտավոր բանաձևից**:

$$m \approx 1 + \log_2 N:$$

Հաճախությունների աղյուսակից որոշվում է յուրաքանչյուր տվյալի դասը, և կատարվում է համապատասխան նշում: Վերջիններիս հաշվարկից հետո որոշվում է յուրաքանչյուր միջակայքին պատկանող տվյալների հաճախությունը:

Դիտարկենք օրինակ 3-ի տվյալները: Այստեղ մանրամասերի տրամագծերի փոփոխության լայնույթը հավասար է $31.6 - 9.8 = 21.8$ -ի: Ընդունելով դասերի թիվը՝ $m=10$ -ի միջակայքի երկարության համար կատանամք՝ $21.8/10=2.18$: Որտեղից առաջին դասը կընդգրկի 9.8-ից մինչև 11.98 արժեքները, երկրորդը՝ 11.98-ից մինչև 14.16 և այդպես շարունակ, և վերջապես տասներորդ դասը՝ 29.42-ից մինչև 31.6 արժեքները: Այսինքն կստանանք ստորև բերված հետևյալ դասերը՝

$$9.8 \leq u < 11.98$$

$$11.98 \leq u < 14.16$$

.....

$$29.42 \leq u < 31.6$$

Եթե ուղղակենք ի-րդ դասն ընկած արժեքների թիվը՝ հաճախությունները, ապա միջակայքային բաշխման աղյուսակը կունենա հետևյալ տեսքը՝

Աղյուսակ 5. Մանրամասների տրամագծերի միջակայքային բաշխում

Միջակայքի համարը	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
n_i	2	1	8	6	11	5	6	1	1	1

Օրինակ 8: Աղյուսակ 4-ում բերված տվյալների վերլուծությունը ցույց է տալիս, որ ՀՀ պետական հատվածում ամենացածր միջին ամսական անվանական աշխատավարձը եղել է 11877 դրամ /1998թ. հունվար/, իսկ ամենաբարձրը՝ 22728 դրամ /1999թ. դեկտեմբեր/: Միջին ամսական անվանական աշխատավարձի փոփոխության լայնույթը կազմել է՝ 22 728 -11 877=10851 (դրամ):

Աղյուսակ 4. ՀՀ պետական հատվածում միջին ամսական անվանական աշխատավարձը (ընթացիկ գներով՝ դրամ) 1998թ. հունվարից մինչև 2000թ. հունիս ամիսը

1998թ.	Անվանական աշխատավարձ Ընդամենը (դրամ)	1999թ. .	Անվանական աշխատավարձ Ընդամենը (դրամ)	2000թ. .	Անվանական աշխատավարձ Ընդամենը (դրամ)
1/ 98	11 877	1/ 99	16 174	1/ 00	19 340
2/ 98	12 605	2/ 99	16 499	2/ 00	19 402
3/ 98	14 474	3/ 99	16 608	3/ 00	19 686
4/ 98	14 627	4/ 99	17 883	4/ 00	19 796
5/ 98	14 668	5/ 99	17 914	5/ 00	20 282
6/ 98	15 641	6/ 99	18 778	6/ 00	20 684
7/ 98	16 389	7/ 99	18 532		
8/ 98	16 133	8/ 99	18 785		
9/ 98	16 838	9/ 99	19 214		
10/ 98	16 816	10/ 99	19 289		
11/ 98	16 314	11/ 99	19 308		
12/ 98	18 268	12/ 99	22 728		

Աղյուրը ՀՀ տնտեսական միտումներ:

Վերը դիտարկված տվյալների համար կառուցենք բաշխման աղյուսակը: Քանի որ միջին ամսական անվանական աշխատավարձի փոփոխության լայնքը հավասար է 10851 դրամի, ապա ընդունելով $m=10$, միջակայքի երկարության համար կստանանք՝ $10851/10=1085.1$: Այսուղի, առաջին դասը կընդգրկի 11877-ից մինչև 12962.1 արժեքն ընկած տվյալները, երկրորդ դասը՝ 12962.1-ից մինչև 14047.2 արժեքն ընկած տվյալները և, վերջապես տասներորդ դասը՝ 21642.9-ից մինչև 22728 արժեքն ընկած տվյալները: Այսինքն կստանանք ստորև բերված հետևյալ դասերը՝

$$11877 \leq u < 12962.1$$

$$12962.1 \leq u < 14047.2$$

.....

$$21642.9 \leq u < 22728$$

Տվյալների հաճախությունների բաշխման աղյուսակը հետևյալն է՝

Աղյուսակ 6. Ամսական անվանական աշխատավարձի հաճախությունների բաշխում

Միջակայքի համարը	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
n	2	0	3	3	6	3	8	3	1	1

4. ՀԻՍՈԳՐԱՄՆԵՐ

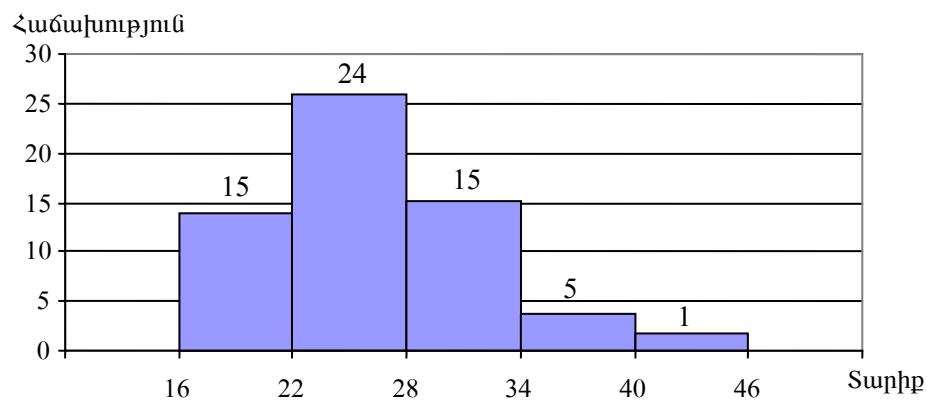
Հիստոգրամները սյունապատկերների հատուկ տեսակ են, որոնք օգտագործվում են խմբավորված տվյալների հաճախությունների բաշխման գծանկարները պատկերելու համար: Այստեղ յուրաքանչյուր դասի միջակայքին պատկանող տվյալների հաճախությունը հավասար է համապատասխան ուղղանկյան բարձրությամբ:

Տարբերում են **հավասար** և **անհավասար** միջակայքերի լայնքով հիստոգրամներ:

Առաջին տեսակի հիստոգրամի բոլոր միջակայքերի լայնությունը իրար հավասար են, իսկ երկրորդի դեպքում միջակայքերի լայնությունները կարող են միմյանցից տարբերվել:

Առաջին տեսակի հիստոգրամի համար միջակայքերի թիվը և երկարությունն որոշում են հաճախությունների բաշխման աղյոսակների կառուցման համար 3.1-ում դիտարկված եղանակով: Սկզբում որոշում են տվյալների արժեքների փոփոխության լայնույթը, այնուհետև ընտրվում է խմբավորման դասերի քանակը: Միջակայքի երկարությունն որոշվում է փոփոխության լայնույթի և դասերի թվի հարաբերությամբ:

Կառուցենք «ՀՈՒՄԿ» կրթական հիմնադրամի ունկնդիրների տարիքային հաճախությունների բաշխման հիստոգրամը:



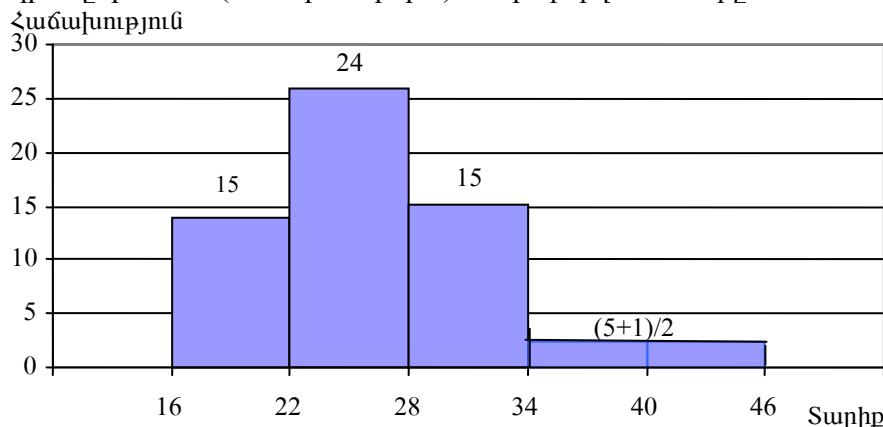
Աղյուրը՝ «ՀՈՒՄԿ» «հիմնադրամ»: «ՀՈՒՄԿ» հիմնադրամի ունկնդիրների տարիքային հաճախությունների բաշխման հիստոգրամ:

գ.ձ. 6

4.1 Անհավասար դասային միջակայքեր

Եթե հիսողամի միջակայքերը պարունակում են քիչ թվով տվյալներ, ապա նման դեպքում օգտվում են անհավասար միջակայքերով հիսողամներից:

Դիցուք՝ հիսողամը բաղկացած է այնությամբ n_i , $i=1,2,\dots,K$ հաճախություններով K հավասար միջակայքերից: Եթե $(i-1)$ -րդ, (i) -րդ և $(i+1)$ -րդ միջակայքերը միավորվում են մեկ միջակայքի մեջ, ապա նոր հիսողամը կպարունակի $K-2$ միջակայքեր, որոնցից $(i-1)$ -րդ միջակայքի լայնությունը հավասար կլինի $3a_i$ -ի, իսկ նրա բարձրությունը՝ $(n_{i-1}+n_i+n_{i+1})/3$: Հետևաբար նոր հիսողամի $(i-1)$ -րդ սյունակի մակերեսը հավասար կլինի h_i ն հիսողամի $(i-1)$ -րդ, (i) -րդ և $(i+1)$ -րդ սյունակների մակերեսների գումարին: Օրինակ, եթե միավորենք զժանկար 6-ում բերված հիսողամի 4-րդ և 5-րդ միջակայքերը, ապա նոր հիսողամը կունենա (տե՛ս զժանկար 7) ստորև բերված տեսքը՝



Աղյուրը «ՀՈՒՄԿ» հիմնադրամ: «ՀՈՒՄԿ» հիմնադրամի ունկնդիրների տարիքային հաճախությունների բաշխման հիսողամ:

գ. 7.

4.2 Հաճախության բազմանկյուն

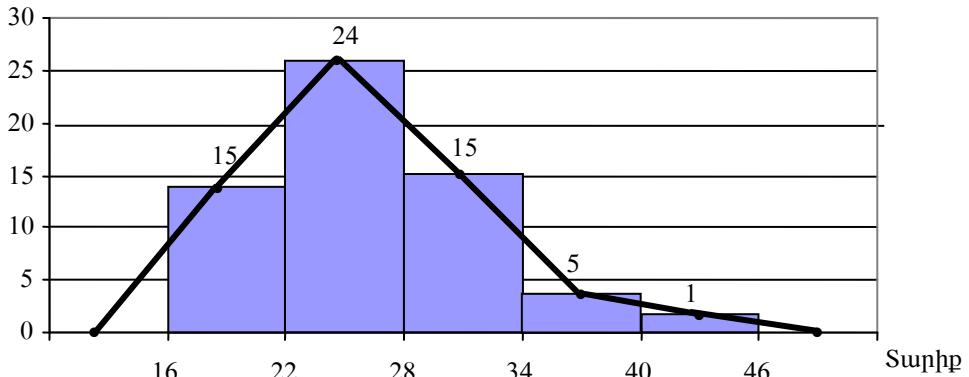
Եթե հիսողամի ուղղանկյունների գագաթների միջնակետերը ուղիղ հատվածներով հաջորդաբար միացնեած միմյանց, ապա կստանանք այսպես կոչված **հաճախությունների բազմանկյունը (պոլիգոն)**: Օրինակ, 6-րդ զժանկարում դիտարկվող հաճախությունների բաշխման հիսողամին համապատասխանող հաճախությունների բազմանկյունը բերված է 8-րդ զժանկարում:

Նշենք, որ հաճախության բազմանկյան մակերեսը հավասար է հիսողամի մակերեսին: Եթե հիսողամի դասերի թիվը մեծ է և նրա ուղղանկյունների գագաթների միջնակետերը միացվում են սահուն գծով, ապա ստացված կորը անվանում են **հաճախության կոր**:

Այս կորերը շատ հարմար են մի քանի բաշխումների համեմատման համար:

Նրանց օգնությամբ կարելի է առանձնացնել հետազոտվող տվյալների խտացման կենտրոնի դիրքը, զմահատել վերջինիս նկատմամբ տվյալների ցրվածությունը, կենտրոնի նկատմամբ տվյալների բաշխման համաչափությունը և այլն:

Հաճախություն



»ՀՈՒՍԿ« հիմնադրամի ունկնդիրների տարիքային հաճախությունների բազմանկյունը:

զ.օ.8

4.3 Հաճախության կուտակման կոր

Հաճախության կուտակման կորը նկարագրում է կուտակված հաճախություններն և անվանվում է նաև **սպառածն կոր** (տե՛ս զ.օ.8):

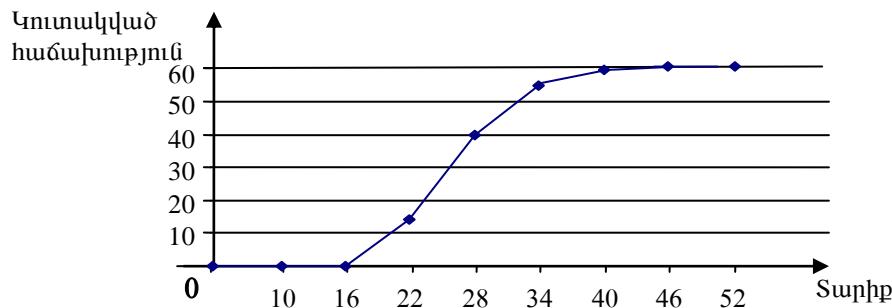
Հաճախությունների կուտակման կորը կառուցելու համար անհրաժեշտ տվյալները միաբերված են 7-րդ աղյուսակում:

Աղյուսակ 7.

Դասային միջակայք	Հաճախություն	Կուտակված հաճախություն
Sarhp	Ունկնդիրների թիվը	
16≤ և <22	14	14
22≤ և <28	26	14+26=40
28≤ և <34	15	40+15=55
34≤ և <40	4	55+ 4=59
40- ից 46	1	59+ 1=60
Ընդամենը	60	60

Իսկ դրան համապատասխան սլաքածն կորը բերված է զ.օ.9-ում:

Նշենք, որ հիստոգրամը, հաճախության բազմանկյունը և սլաքածն կորը կարող են կառուցվել ոչ միայն հաճախությունների, այլև հարաբերական հաճախությունների համար: Այս դեպքում հիստոգրամի սյունակների բարձրությունը հավասար է ոչ թե տվյալ միջակայրին պատկանող տվյալների n_i թվին, այլ $n_i/(na)$ հարաբերությանը, որտեղ a -ն միջակայրի լայնքն է, իսկ n -ը դիտարկվող տվյալների գումարային թիվն է՝ $n = \sum n_i$:



«ՀՈՒՍԿ» հիմնադրամի ունկնդիրների տարիքային կուտակման
հաճախությունների կորը :

զ.ձ.9

Նման հիստոգրամի, հաճախության բազմանկյան և սլաքաձև կորի մակերեսները հավասար են 1-ի:

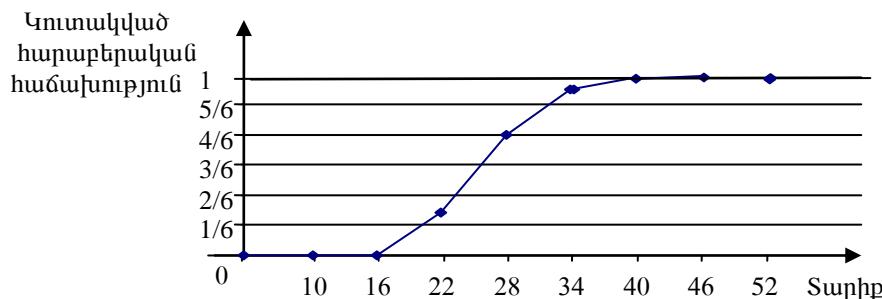
Աղյուսակ 7-ի տվյալներին համապատասխանող դասերի կուտակված հարաբերական հաճախությունները բերված են 8-րդ աղյուսակի երրորդ սյունակում:

Աղյուսակ 8.

Դասային միջակայք	Հաճախություն	Կուտակված հաճախություն
Sarhp		
$16 \leq u < 22$	14/60	14/60
$22 \leq u < 28$	26/60	40/60
$28 \leq u < 34$	15/60	55/60
$34 \leq u < 40$	4/60	59/60
$40 \leq u \leq 46$	1/60	1
Ընդամենը	60	60

Իսկ հարաբերական հաճախությունների կուտակման (սլաքաձև) կորի գծապատկերը բերված է ստորև:

Եթե միջակայքերի երկարությունը փոքրանում է ձգտելով զրոյի, իսկ դիտարկումների թիվը բավականին մեծ է, ապա հարաբերական հաճախությունների սլաքաձև կորը սահուն ձևափոխվում է անընդհատ կորի, որն անվանում են դիտարկող տվյալների արժեքների **բաշխման (բաշխվածության) կոր**:

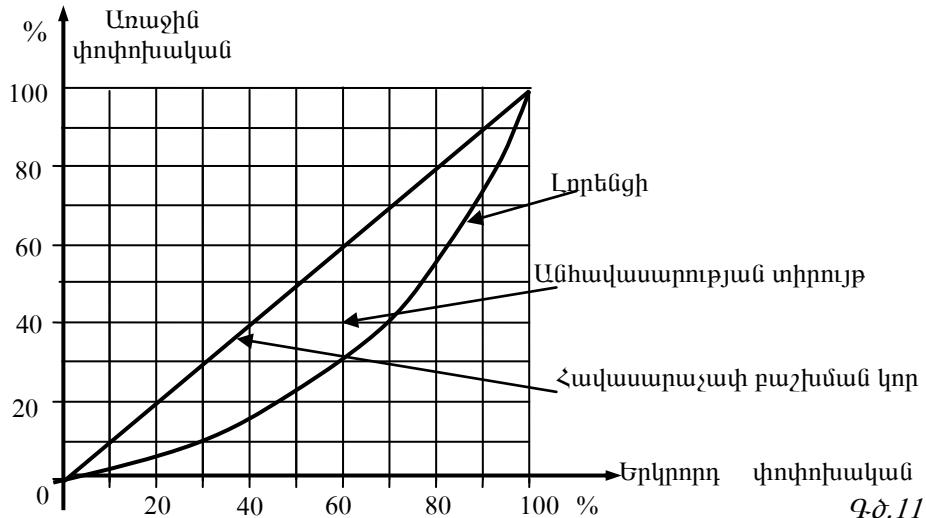


«ՀՈՒՍԿ» հիմնադրամի ունկնդիրների տարիքային կուտակված հարաբերական հաճախությունների կորը:

զ.ձ.10

5. ԼՈՐԵՆՑԻ ԿՈՐ

Լորենցի կորն օգտագործվում է երկու տարրեր համախմբերի տվյալների բաշխվածությունների (բաշխումների) պատկերման և դրանց փոխազդեցության համեմատման համար (տես գծ.11): Լորենցի կորը ցույց է տալիս դիտարկվող տվյալների համատեղ բաշխվածության անհամամասնությունը: Որքան մեծ է երկու համեմատվող բաշխվածությունների անհամամասնությունը, այնքան Լորենցի կորը հեռանում է հավասարաչափ բաշխվածության կորից՝ անկյունագծից:



Դիտարկենք Լորենցի կորի կառուցման օրինակ:

Օրինակ 6: Աղյուսակում բերված են 2000 թվականի 3 ամիսների ընթացքում զբաղվածության կենտրոն դիմած գործազրկների թիվը տրոհված ըստ տարիքային խմբերի և աշխատանք ստացածների թվի:

Աղյուսակ 7. 2000 թվականի 3 ամիսների ընթացքում ՀՀ զբաղվածության կենտրոն դիմած գործազրկների թիվը

Տարիքային խմբեր	Գործազրկների թիվը	Աշխատանք ստաց. թիվը
տ < 18	15	2
18 ≤ տ < 23	70	23
23 ≤ տ < 28	110	78
28 ≤ տ < 33	95	62
33 ≤ տ < 38	220	105
38 ≤ տ < 43	305	201
43 ≤ տ < 48	530	122
48 ≤ տ < 53	642	23
53 ≤ տ < 58	810	25
58 ≤ տ	203	5
Ընդամենը	3000	650

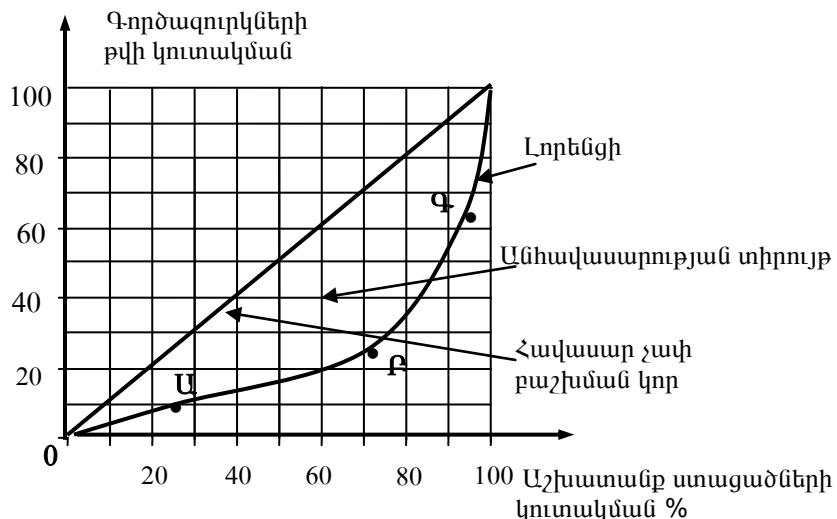
Աղյուսակ՝ ՀՀ տնտեսական միտումներ:

Լորենցի կորի կառուցման համար հաշվենք զբաղվածության կենտրոն դիմած և աշխատանքի տեղավորված գործազուրկների կուտակման տոկոսները:

Աղյուսակ 8.

Տարիքային խմբեր՝ տարիք (տ.)	Գործա- զուրկնե- րի թիվը	Ընդհա- նուրի %	Կուտակ- ման %	Աշխատ. ստացած. թիվը	Ընդհա- նուրի %	Կուտակ- ման %
կ < 18	15	0.5	0.5	2	0.3	0.3
18 ≤ ս < 23	70	2.3	2.8	23	3.53	3.83
23 ≤ ս < 28	110	3.7	6.5	78	12	15.83
28 ≤ ս < 33	95	3.17	9.67	62	9.543	25.36
33 ≤ ս < 38	220	7.3	16.97	105	16.15	41.51
38 ≤ ս < 43	305	10.17	27.14	200	30.77	72.28
43 ≤ ս < 48	530	17.7	44.84	122	18.77	91.05
48 ≤ ս < 53	642	21.4	66.24	23	3.53	94.58
53 ≤ ս < 58	810	27	93.24	25	3.84	98.42
58 ≤ ս	203	6.76	100	10	1.58	100
Ընդամենը	3000	100		650	100	

Լորենցի կորի ուղղահայաց առանցքին համապատասխանում է գործազուրկների թվի կուտակման տոկոսը, իսկ հորիզոնականին՝ աշխատանք ստացածների թվի կուտակման տոկոսը: 10-րդ գծապատկերում Ա կետին համապատասխանում է գործազուրկների թվի կուտակման 9,67%, իսկ աշխատանք ստացածների թվի կուտակման 25.36%, Բ կետին՝ 27.14% և 72.28%, Գ կետին՝ 66.24% և 94.58%:



Գործազուրկների և աշխատանք ստացածների թվի համեմատման
Լորենցի կոր:

Գ.Ճ.12

6. ՍՏՈՒԳՈՂԱԿԱՆ ՀԱՐՑԵՐ

1. Ինչի՞ համար են ծառայում աղյուսակները և գծապատկերները:
2. Ինչո՞վ են տարբերվում ժամանակային և փոփոխման շարքերը:
3. Ի՞նչ է պատկերագիրը, ինչ տեսակի այունապատկերներ դուք գիտեք:
4. Ինչո՞վ է տարբերվում պատկերագիրը սեկտորային պատկերից:
5. Ի՞նչ է բնութագրում հաճախությունը:
6. Ի՞նչ տեսակի հաճախություններ են ձեզ հայտնի:
7. Ինչպե՞ս է կառուցվում հաճախությունների աղյուսակը:
8. Ինչպե՞ս է որոշվում տվյալների փոփոխման լայնքը:
9. Ինչպե՞ս է որոշվում միջակայքերի թիվը:
10. Ինչպե՞ս է որոշվում միջակայքերի լայնքը:
11. Ի՞նչ է բնութագրում հաճախությունների բազմանկյունին:
12. Ի՞նչ է բնութագրում հիստոգրամը:
13. Ինչի՞ է հավասար հաճախությունների սլաքածն կորով սահմանափակվող մակերեսը:
14. Ինչի՞ է հավասար հարաբերական հաճախությունների սլաքածն կորով սահմանափակվող մակերեսը:
15. Ի՞նչ է բնութագրում Լորենցի կորը:

Տնային աշխատանք

Ներկայացնել պարզ, բարդ և բաղադրյալ այունապատկերների և բլիթածն պատկերի տեսքով աղյուսակներում թերված տվյալները:

1. Տնային տնտեսությունների ընթացիկ դրամական եկամուտների և ծախսերի կառուցվածքը (համաձայն 1998-1999թթ. տնային տնտեսությունների ամբողջացված հետազոտության արդյունքների)

Աղյուսակ 1

Եկամուտների աղբյուրները	%	Ծախսերի կառուցվածք	%
Տնային տնտես. դրամական եկամուտները, ընդամենը	100	Տնային տնտեսությունների դրամական ծախսերը, ընդամենը	100
այդ թվում		այդ թվում	
վարձու աշխատանքից	24,6	սննդամբերի համար	67
ինքնազբաղվածությունից	10,6	այդ թվում	
գյուղմթերքների վաճառքից	32,1	կացարանից դուրս սննդի համար	1,2
սեփականությունից (վարձական վճար, շահ)	0,1	ալկոհոլային խմիչքներ	1,4
պետական նպաստներ և կենսարոշակներ	9,3	ծխախոտ	6,4
տրանսֆերներ	19,3	ոչ պարենային ապրանքների համար	12,8
այլ եկամուտներ	4,0	ծառայությունների դիմաց	12,4

Աղյուրը՝ ՀՀ Ազգային վիճակագրական ծառայություն:

Հայաստանի տնտեսական միտումներ. Հայաստան հովհանքական միտումներ, 2001թ.

2. Զբաղվածությունն ըստ ճյուղերի. 1998 - 2001թ.^{*}

	Զբաղվածությունից տեսակարար կշիռը տոկոսներով ամբողջի մեջ				Փոփոխությունը նախորդ տարվա նկատմամբ տոկոսներով		
	1998	1999	2000	2001 VII-VIII ամ.	1999	2000	2001 VII-VIII ամ.
Ընդամենը զբաղված.	100	100	100	100	-6.9	-8.5	-8.0
Արդյունաբերություն	29.0	29.4	27.3	25.8	-5.8	-14.8	-10.6
Գյուղա. և անտառ.	1.7	1.9	1.9	2.1	4.3	-8.3	-4.5
Տրանսպորտ և կապ	7.2	7.0	6.5	6.5	-8.9	-14.7	-13.9
Շինարարություն	3.7	4.4	4.5	4.4	11.9	-6.2	-13.6
Առևտ. հաս. սննդ	2.4	2.0	1.3	1.0	-23.8	-38.1	-35.6
Վարկ և ապահովագ	0.8	0.8	0.8	0.7	-9.3	-7.3	-15.4
Պետական կառ.-դում	5.0	5.4	5.6	5.9	1.5	-1.6	-5.7
Կրթ. և գիտություն	24.4	26.3	27.8	29.1	0.4	-3.3	-4.0
Առող. և սոցիալ. ծառ.	24.7	21.6	22.6	23.1	-16.4	-4.5	-5.9
Այլք	1.2	1.2	1.4	1.4	-3.1	5.2	-3.9

Աղյուր՝ Հայաստանի տնտեսական միտումներ. Հայաստան հույս-սեպտեմբեր, 2001թ.

* Տվյալները վերաբերում են ՀՀ Ազգային վիճակագրական ծառայությանը կանոնավորապես հաշվետու 9000 ձեռնարկություններին և կազմակերպություններին միայն: